資源と素材 (Shigen - to - Sozai)Vol.122 p.582 - 588(2006) ©2006 The Mining and Materials Processing Institute of Japan



高感度傾斜計による岩盤斜面モニタリングと挙動分析 *

尾原祐三¹ 西山えるむ² 姜 聲 承³

Monitoring and Analysis of Mechanical Behavior of Rock Slope Using a High-Resolution Borehole Tilt-Meter at an Open Pit Limestone Mine

by Yuzo OBARA^a, Erumu NISHIYAMA^b and Seong Seung KANG^c

- a. Graduate School of Science and Technology, Kumamoto University, Kumamoto, Japan (Corresponding author: E-mail obara@kumamoto-u.ac.jp)
- b. Nittetsu Mining Co. Ltd., Tokyo, Japan
- c. Research Institute of Basic Sciences, Sunchon National University, Sunchon, Korea

A high-resolution borehole tilt-meter is introduced to measure the inclination of rock slope at an open pit limestone mine, and the movement of rock slope is analyzed based on the measured results from the tilt-meter and numerical results by a three-dimensional boundary element method (3D-BEM). Firstly, the applicability of tile-meter to monitor the movement of rock slope due to a bench-cut excavation is investigated by 3D-BEM and the required accuracy of a tilt-meter is made clear. Then a high-resolution borehole tilt-meter is introduced and explained. Secondly, based on the measured results for nine months in a limestone mine, the mechanical behavior of rock slope is analyzed. The general mechanical behavior of rock slope due to excavation of a bench is then analyzed by 3D-BEM. Finally, using the results of measurement and numerical analysis, the mechanical behavior of rock slope is made clear. It is concluded that a high-resolution borehole tilt-meter is applicable to monitor the movement of rock slope in a short period.

KEY WORDS: Rock Slope, Mechanical Behavior, High-Resolution Borehole Tilt-Meter, Boundary Element Method

1. 緒 言

我が国における石灰石鉱山の露天掘り採掘は、そのほとんどに ベンチカット法が採用され、採掘の大規模化が図られている。こ のような大規模露天掘り鉱山では、採掘が進むにつれて長大な斜 面が形成されることになり、それに伴って長大残壁の環境への影 響、とくに、崩壊による自然破壊の重大性から、岩盤斜面の安定 性の確保とともに岩盤斜面の監視法の確立は重要な問題となって いる¹⁾。

現在の岩盤斜面の監視法としては岩盤内変位計²⁾,光波測距 儀³⁾,GPS⁴⁾などが用いられている。しかし,大規模な露天掘 り鉱山では,これらの測定装置を用いると定常的なデータを得る までに時間がかかり過ぎるという問題がある。また,掘削途中の ある時点で緊急に斜面の状態を知ろうとする場合,岩盤内変位計, 光波測距儀およびGPS などのように,斜面の挙動の確認に長期

 Ph.D. Sunchon National University Assistant Professor Research Institute of Basic Sciences
[著者連絡先] FAX: 096-342-3686

E-mail: obara@kumamoto-u.ac.jp

間を要するような装置に依ることはできない。したがって、短期 的な測定で岩盤斜面の力学的挙動を把握しようとすると、1回の ベンチカットの掘削によって岩盤内に発生するわずかな変形や傾 斜を測定できる測定装置の導入が望まれる。

上記の問題を解決するための装置の1つに高感度傾斜計がある⁵⁾。 この装置の測定精度は1nR(ナノラジアン)である。したがって、 わずかな掘削に対して発生する傾斜を精度よく測定することがで きると考えられ、この装置を用いたモニターにより短期間で岩盤 斜面の力学的挙動の把握ができると期待される。

そこで、本研究では、高感度傾斜計を用いて岩盤斜面の挙動を モニタリングするともに、その結果と3次元境界要素法を用いた 解析結果を比較することにより岩盤斜面の挙動を分析し、高感度 傾斜計の露天掘り鉱山への適用性を明らかにした。具体的には、 まず、1回のベンチ掘削によって斜面内に発生する傾斜を3次元 境界要素法によって解析し、傾斜計の具備すべき測定精度を明ら かにした。つぎに、その測定精度を有する高感度傾斜計を鳥形山 鉱山に導入し、9ヶ月に渡る傾斜をモニターした結果を示した。 つぎに、3次元境界要素法によりベンチ掘削解析を行い、掘削の 進行に伴って発生する傾斜の一般傾向を示した。最後に、測定結 果と解析結果との比較を行い、モニター中の岩盤斜面の挙動を分 析するとともに、高感度傾斜計の露天掘り鉱山への適用性を明ら かにした。

^{*2006}年8月1日受付 11月8日受理

普通会員 工博 熊本大学教授 大学院自然科学研究科 環境保全工学 専攻

^{2.} 普通会員 日鉄鉱業(株) 資源開発部

キーワード:岩盤斜面,力学的挙動,高感度傾斜計,境界要素法



Fig.1 Concept of excavation of rock slope and numerical model by 3D boundary element method; (a) excavation model and initial stress condition, (b) 3D boundary element model to analyze inclination within rock slope, (c) location of tilt-meter to measure inclination due to a bench cut excavation.

2. 高感度傾斜計の適用性の検討

水平な地盤の一部が掘削されて斜面が形成されると仮定し,3 次元境界要素法を用いて地盤内の力学挙動を解析する。とくにこ こでは、1回のベンチカットの掘削によって発生する斜面内の傾 斜について注目し、短期的な傾斜測定から岩盤斜面の挙動の推定 が可能かどうか検討する。

露天掘鉱山における岩盤斜面の掘削の様子を模式的に示すと Fig. 1 (a) のようである。水平地盤の中央部を掘削する場合を考 慮し,解析では中央線の右半分のモデルを用いる。岩盤はヤング 率 E, ポアソン比νの均質等方弾性体であると仮定する。

解析モデルの断面図を Fig.1 (c) に示す。解析では、水平地盤が 掘削されて長大な岩盤斜面が傾斜角 48 度で形成された状態の後、 斜線部がベンチカット法により掘削される場合の岩盤内の傾斜を 解析する。掘削はベンチ高さ 10m、奥行き 5m、幅 40m である。 傾斜計は3箇所、測点1~3 に設置されると仮定する。測点1は 斜面底面に位置し、掘削場所から約 30m 離れている。測点2 お よび3 は高さ 130m の斜面の斜面表面および斜面上面に位置して



Fig.2 Relations between inclination and Poisson's ratio; (a) Point 1, (b) Point 2, (c) Point 3.

いる。測定は埋設型傾斜計により地表下12mに位置で行われる と仮定し、水平方向のy方向の変位をv,x方向の変位をuとす るとき、vおよびuの鉛直方向(z方向)の変位勾配 dv/dzおよび du/dz を傾斜と定義する。したがって、zの正の方向にyあるいは x方向変位が増加するような場合の傾斜が正となる。

岩盤内の傾斜は,斜面の幾何形状(斜面高さや角度)やベンチ 掘削の場所,範囲,容積だけではなく,岩盤の材料特性や初期応 力状態に対応して変化すると考えられるが,ここでは,標準的な 斜面角度を有する高さが100m程度の斜面において1~2発破の ベンチ掘削を対象として岩盤のポアソン比と初期応力が傾斜に及 ぼす影響を分析した。

解析における初期応力は,鉛直応力 $\sigma_V = \gamma D$ と仮定した。ここに, γ は単位体積重量であり,解析では 27kN/m³ とし, D は斜面上面 からの深さとした。また,水平応力は $\sigma_x = \sigma_y = m\sigma_V$ と仮定した。 ここに,mは側圧比であり,解析では 0.0, 0.5, 1.0, 1.5 として 4 通りに変化させた。一方,岩盤のヤング率は E は変位に影響は 与えるものの,ヤング率に反比例する。そこで,E=10GPa と一 定とし,ポアソン比 v を 0.1, 0.2, 0.3, 0.4 の 4 通りに変化させ, 合計 16 ケースの解析を実施した。



Fig.3 High-resolution borehole tilt-meter; (a) inside view; (b) outside view; (c) solar battery for a power supply.

解析においては、それぞれの座標軸に垂直なモデル底面および 側面において、その座標軸方向の変位を固定する変位境界条件を 与えた。また、掘削解析は初期応力に対応する掘削相当外力を斜 面の境界要素に表面力として与え、ベンチカット前の斜面の掘削 解析を行った後にベンチ掘削解析を行った。以下に示す結果はベ ンチ掘削解析のみを行ったときの結果である。

解析結果を Fig. 2 (a) ~ (c) に示す。図の縦軸は傾斜, 横軸はポ アソン比である。傾斜の単位はμR である。掘削領域に最も近い 斜面底面にある測点1の結果である Fig.2 (a) をみると, ポアソン 比が大きくなるとともに傾斜が小さくなっていることがわかる。 また, ポアソン比の増加による傾斜の減少は側圧比が増加すると 大きくなっている。さらに, 側圧比が小さいほど傾斜は大きくなっ ている。つぎに, Fig.2 (b) に示す斜面の中腹に設定した測点2の 結果をみると, 側圧比が0.0, 0.5 の場合は下に凸の曲線を描くが, 側圧比が1.0, 1.5 の場合は反対に上に凸となっている。最後に, 掘削域に最も遠い測点3の結果のFig.2 (c) では, ポアソン比が大 きくなるとともに傾斜が大きくなり, その程度は側圧比に依存し ないことがわかる。しかし, いずれの点においても, 側圧比の影 響に比較してポアソン比の影響が小さくなっている。

3 測点の傾斜の絶対値を比較すると、測点1で最も大きく、掘 削域からの距離が大きくなるとともに小さくなっている。しかし、 わずかな掘削体積であるにもかかわらず、130m 離れた測点3に おいてもそのオーダーはµRである。また、これらの結果は岩盤 のヤング率を10GPaと仮定したときの結果であるが、傾斜は岩 盤のヤング率に反比例する。岩盤のヤング率は最大でも50GPa と考えられるので、その場合でも図に示した結果の1/5程度の値 となる。これを考慮すると、3 測点における傾斜はすべて 0.01µR 以上の値になるといえる。

これらの結果を総合すると,掘削領域の近い場所での測定は, 傾斜角が大きいため,精度の高い装置は必要とされない。しかし, 近い場所での測定は,発破や積み込み作業などに支障をきたす恐 れがある。一方,測定距離が大きいと傾斜角は小さくなる。しか し,遠い場所での測定は切羽近くの作業に支障をきたすことなく, また,短期から長期に亘っての測定が可能と考えられ,0.01µR の測定精度があれば十分と考えられる。そこで,本研究では,掘 削領域から離れた場所での測定を行い,1回のベンチ掘削による 傾斜の変化を捉えることを前提にした傾斜計の導入を試みた。

3. 高感度傾斜計

石油開発の分野における利用を目的としてピナクル社(米国) によって開発された傾斜計で、1nRの測定精度を持つ装置として Fig. 3に示すような高感度傾斜計がある⁵⁾。わが国には、1997

Table 1 Specification of high-resolution borehole tilt-meter.

Accuracy	1 <i>n</i> R
Range of measurement	±0.175R (±10°)
Maximum gain	1000 mV/µR
Method of leveling	Auto leveling
Storable data (30second sampling)	30days
A/D converter	24 bits
Scale	ϕ 6.4 cm× 107 cm
Weight	4 kg

年ごろ地熱探査技術等検証調査のために導入⁶⁾されて以来,火 山活動のモニタリングなどに使用されている⁷⁾。また,最近で は地下石油岩盤タンクにおける微小傾斜の計測⁸⁾,露天掘鉱山 における原位置変形試験^{9,10)}などにも用いられている。本研究 ではこの装置を用いることとした。装置全体の様子をFig.3 (b) に 示す。直径 64mm,長さ 1070mm のステンレス管を用いて Fig.3 (a) に示す傾斜計の内部を保護している。測定は電解質溶液を用いた 気泡型の水準計によって行われ,気泡の動きを電極を用いて測定 し,それをアンプにより増幅させることによって測定精度を向上 させている。また,内部にはメモリーとゼロ点調整用のモータを 備えている。

本装置は、ノイズを低減させるために深さ約12m程度のボア ホール内に設置される。まず、穿孔されたボアホールに直径約 10cmの底付き塩ビパイプを挿入し、その周囲にセメントミルク を充填して固定する。つぎに、塩ビパイプの下部に高感度傾斜計 を挿入し、乾燥砂により装置を埋設・固定する。パイプの上部は 水が入らないように蓋をする。装置の埋設・固定に砂を用いてい るので装置の再利用が可能である。装置への電力供給は、Fig.3(c) に示すように、ソーラーパネルとバッテリーの併用によって外部 から行う。

高感度傾斜計の主な仕様を Table 1 に示す。センサーの精度は 1nR と高性能であり、重量も 4kg と軽く取り扱いが容易である。

4. 鉱山概要

鳥形山鉱山の残壁に高感度傾斜計を設置した。鉱山の全景を Fig. 4 に示す。鳥形山鉱山は高知県にある標高 1459m の鳥形山の 山頂に位置している石灰石鉱山である¹¹⁾。掘削方法はベンチカッ ト法である。計測を開始したときの掘削レベルは標高 1205m ~ 1235m であり、東西に 2.5km、南北 1.0km に採掘切羽が展開され ていた。Fig.4 の四角で囲まれた部分が残壁である。

残壁の様子を Fig. 5 に示す。残壁の平均傾斜は 45 度であり, 標高 1335m の残壁上面に高感度傾斜計が設置されている。計測 を開始した当時の残壁高さは約 100m であり,計測は現在も継続 されている。

残壁付近の平面図を Fig. 6 に示す。縦軸に北,横軸に東を示し ている。残壁の法肩より 36m 奥部の位置に高感度傾斜計が設置 されている。図中の座標軸は高感度傾斜計の結果を表すための座 標軸(*X*, *Y*)であり,真北より反時計回り 6 度の方向に高感度傾 斜計の *Y*軸を定めている。また,高感度傾斜計設置位置を含む 断面 a-a'を Fig. 7 に示す。

5. 高感度傾斜計によるモニタリング

データ分析期間は 2001 年 4 月から 2001 年 12 月までの9ヶ月 である。2001 年 4 月を基準とした高感度傾斜計の計測結果を Fig. 8 (a) に示す¹²⁾。全体的には、Y 方向の傾斜は最初ほとんど 変化していないが、9 月頃から増加し始めている。一方、X 方向



Fig.4 Panoramic view of the Torigata open pit limestone mine at Mt. Torigata.



Fig.5 View of Rock slope with high-resolution borehole tilt-meter.



Fig.6 Plan diagram near rock slope with high-resolution borehole tilt-meter.

の傾斜は期間を通して徐々に減少している。これらの変化を細か く見ると、大きな変動の中に瞬時の変動が見られ、その変動も回 復しているものと回復していないものとがある。この変動は発破 の影響と考えられ、その影響を取り除く必要がある。そこで、デー タから瞬時の変動を削除するとともに、回復していない傾斜を変 動前の値にスライドして修正した^{6,7)}。このようにして得られた データを Fig.8 (b) に示す。以下ではこのデータを計測結果として 分析する。

つぎに,最大傾斜角とその方位を Fig. 9 の極座標グラフに示す。



(a) original data, (b) modified data.

例として Fig.9 (a) に示すように、X 方向のみプラスの方向に lμR 傾斜した場合を仮定すると、最大傾斜角とその方位は Fig.9 (b) のような極座標にプロットされるものと定義する。図の縦軸を北、 横軸を東とし、本図を最大傾斜角方位図と呼ぶことにする。さて、 Fig.8 (b) のデータを最大傾斜角方位図にプロットすると Fig.9 (c) のようである。期間を通して、北西の方角に傾斜している。すな わち、残壁の走向に対してほぼ垂直な面内において斜面の頂上部 の奥部が沈み込み、法肩が浮き上がるような挙動を示していると 考えられる。この挙動は斜面下部の掘削に伴い、斜面下部表面が 浮き上がったためと考えられる。

6.3次元境界要素法によるベンチ掘削解析

高感度傾斜計で観測されたデータによって残壁の挙動を分析す るために,斜面がベンチ掘削される場合の傾斜変化を3次元境界 要素法により単純化したモデルを用いて解析した¹³⁾。Fig. 10 (a) に示すように,破線の四角で示された領域を単純化した境界要素 モデルをFig.10 (b) に示す。初期応力は、2章と同様に仮定し、 側圧比 mを 0.0, 0.5, 1.0 と変化させて解析を行った。また,傾 斜に対する側圧比の影響に比較してポアソン比の影響が小さいこ とが示されたので,ここでは便宜上,岩盤のポアソン比を 0.1 と するとともに、ヤング率を 10GPa、単位体積重量を 27kN/m³ の 均質等方弾性体と仮定した。

解析では、まず、水平地盤が(b)のモデルになるように掘削さ



Fig.9 Magnitude and direction of the maximum inclination projection; (a) schematic diagram of an inclination, (b) example of magnitude and direction of the maximum inclination projected on polar coordinates, (c) magnitude and direction of the maximum inclination projected on polar coordinates from April to December as shown in Fig.8(b).



 Fig.10 Boundary element model to analysis tilt; (a)analyzed region for numerical analysis on plan diagram and coordinate systems, (b)
3-D BEM model and case of excavation of bench.

れた後,矢印で示されるベンチが掘削される場合の高感度傾斜計 設置位置における傾斜を解析した。斜面の掘削が I の矢印の方向 から進行する場合を掘削 I,その反対方向から掘削が進行する場 合を掘削 II とし, I, II ともに 5 段階で掘削される。このときの 変位境界条件としては,それぞれの座標軸に垂直なモデル底面お よび側面において,その座標軸方向の変位を固定した。

まず,掘削に伴う傾斜変化を Fig. 11 に示す。解析結果は傾斜 計に定めた座標軸に変換して示している。両ケースともに掘削に 伴って *X* 方向の傾斜は減少する。一方, *Y* 方向の傾斜は両ケース ともに増加するが,掘削 I は下に凸の曲線を描き,掘削 II では上 に凸の曲線を描くように増加している。

つぎに、最大傾斜角とその方位を Fig. 12 に示す。ケース I の 結果を黒塗りで、ケース II の結果を自抜きでプロットしている。 両ケースともに側圧比が 0.0 の場合の最大傾斜方位は、0.5, 1.0 の場合と比較して大きな変化を示していることがわかる。また、 ケース I での最大傾斜の方位は、はじめに西の方向へ傾斜した後、 北西の方向、すなわち斜面の走向に対して垂直な方向へ変化して いる。一方、ケース II での最大傾斜の方位は、はじめに北西の 方向へ傾斜した後、西の方向へ移動している。これらの結果を総 合すると、傾斜計設置位置より東側を掘削した場合は西の方向に、 西側を掘削した場合は北の方向に傾斜し、傾斜計の真下を掘削し た場合は北西の方向(斜面の走向に垂直な方向)に傾斜すること がわかる。しかし、ベンチの掘削が終了すると、どちらのケース においても最大傾斜の方位は、最終的には斜面の走向に垂直な方 向、すなわち北西の方向に傾斜し、法先が浮き上がる挙動を示す



Fig.11 Changes in inclination of the *X* and *Y* directions defined at a position of a high-resolution borehole tilt-meter with step of excavation; (a) Excavation I, (b) Excavation II.



Fig.12 Change in magnitude and direction of the maximum inclination projected on polar coordinates on Excavation I and II.

ことがわかった。

7. 岩盤斜面の挙動分析と考察

解析結果と測定結果および採掘実績との比較により残壁挙動の 分析を行った。期間を 4-6 月, 7-9 月, 10-12 月の 3 期に分けて分 析する。なお,実際のベンチ掘削の範囲や容積は解析のそれと異 なっているので,傾斜の値についての比較は困難である。このた め,ここでは定量的な検討は行わない。

それぞれの期間における最大傾斜角方位図と掘削状況を表す平面図を Fig. 13 (a) - (c) に示す。まず、4-6月の傾斜の値はそれ以降の値に比較して小さいことがわかる。また、4月は北西の方角へ傾斜する挙動を示した後に、5月になると北西から北東の方に



Fig.13 Magnitude and direction of the maximum inclination topographic map in the period of; (a) $2001.4 \sim 6$, (b) $2001.7 \sim 9$, (c) $2001.10 \sim 12$.



Fig.14 Order of excavation area in the period of 2001.7 \sim 2001.9 on topographic map of Torigata mine.

変化した後,6月には北に向いて挙動し ている。解析結果では傾斜計設置断面付 近を掘削したときに北西の方角へ傾斜す る挙動を示していたので、4月は平面図 のfの領域が主に掘削され,5月は平面図 のeの領域が主に掘削されたと考えられ る。6月は西の方角へ傾斜する挙動を示 しており, g領域が主に掘削されたと予 想される。そこで、採掘実績によると, 最大傾斜方位の挙動から予想したような 掘削状態になっていたことが確かめられ た。とくに5月には、岩盤斜面からも非 常に近いeの領域で運搬道路の取り付け や拡幅が行われていた。領域eの上部は 斜面ではなく崖となっているため, 解析 で示されたような穏やかな挙動とは異な り、北西から北東へと大きく変化したと 考えられる。

つぎに、7-9月の最大傾斜角方位図をみ ると、7月から8月の中旬までは初め西 の方角へ傾斜し、その後北西の方角へ傾 斜する解析結果の掘削 I と同様の挙動を 示している。したがって、この期間は平 面図のiからhへ進む掘削が行われたと 考えられる。そこで, 掘削実績を調査し, iとh付近のベンチを発破した日付とその 順番を Fig. 14 に示す。7 月のはじめにこ の領域の東側が採掘され、下旬にはさら に東が採掘された後8月には③,④とi からhへ進む掘削が行われた。しかし,8 月下旬の⑥, ⑦では反対にhからへi進 む掘削となっており,その結果,最大傾 斜角方位がわずかであるが, 北に向かう 傾向を示している。その後の掘削は測定 断面を挟んだ東西の領域で掘削され, i と hの領域のベンチが平均的に残壁側に進 行したことが確認された。これらの結果 は測定結果と調和的であることがわかる。

最後に,10-12月の最大傾斜角方位図を 見ると,10月,11月は最大傾斜の方位に ほとんど変化は見られず,残壁の走向に 直行する方向,すなわち北西の方角へ移

動し、その値は大きくなっている。これは、ベンチが残壁に向かっ て掘削された結果と考えられる。一方、12月においては解析結果 の掘削Iと同様の挙動を示している。したがって、この期間に平 面図の1からk、jへと進む掘削が行われたと推察される。掘削実 績によると推測した掘削が行われていたことが確認できた。

以上のように、傾斜の測定データから得られた最大傾斜方位に よって掘削の順序と位置を推定した結果は、発破日誌よりまとめ た掘削実績と調和的であることが確かめられ、高感度傾斜計の有 効性が確かめられた。また、この結果は、分析対象期間の残壁は 3次元弾性体として挙動していることを示しており、永久残壁は 安全であったと結論される。もし残壁になんらかの異常がある場 合には、3次元数値解析から推定される結果とは異なる挙動を示 すことになり、その場合には詳細な安定性評価を行う必要がある と考えられる。

8. 結

言

本研究では、高感度傾斜計の現場計測結果を分析し、短期間に おける岩盤斜面監視のための本装置の適用性を明らかにした。ま た, 高感度傾斜計の現場計測結果と掘削に伴う岩盤斜面の傾斜の 3次元境界要素解析結果とを比較検討し、測定される最大傾斜方 位から掘削領域の推定が可能であること示し、推定した結果は掘 削実績と調和的であることを示し、分析期間の残壁は3次元弾性 体として挙動していたと論じた。この結果、高感度傾斜計の露天 掘り鉱山への導入は、ベンチ掘削のような短期的な幾何学変化に 対する測定結果から岩盤斜面の力学的挙動を把握しようとする場 合に有効であると結論された。また、ベンチ掘削を考慮した弾性 解析を行い、あらかじめ発生する傾斜を予想しておき、その結果 と測定結果を比較することによって、掘削中の岩盤斜面の安定性 を確認することが可能であると考えられ、数値解析から推定され る結果とは大きく異なる挙動を示した場合には岩盤斜面になんら かの異常が発生したとして,より詳細な安定性評価を行う必要が あると論じた。

本研究で導入した高感度傾斜計での測定は1点であり、その結 果から残壁の挙動を評価したが、さらに多くの測定点を設置して、 より詳細な検討を行うことが望ましい。また,装置の精度は1nR と高性能であるが,1段のベンチ掘削で測定された傾斜のオー ダーはµRであった。したがって,µR程度の測定精度をもつ傾 斜計を用いても測定は十分可能と考えられる。

References

- 1) Shigen Sozai Gakkai: Handbook on rock slope in open pit mine, 2005. (in Japanese)
- K. Kaneko, Y. Noguchi, T. Sota, R. Hazuku: Shigen-to-Sozai (Journal of MMIJ), 112(1996), 915-920. (in Japanese)
- K. Kawabata, T. Ito, M. Tonsho: Limestone, **297**(1999), 20-27. (in Japanese)
- N. Shimizu, S. Oyama, H. Ono, K. Miyashita, Y. Mizuta: Shigen-to-Sozai (Journal of MMIJ), 113(1997), 549-554. (in Japanese)
- S. Hunter: University of California, Lawrence Livermore National Laboratory, Science & Technology(1997), Review, pp.14-15, Oct.
- 6) T. Akibayashi, H. Fuji, T. Tosha, O. Nakagome: Shigen-to-Sozai (Journal of MMIJ), 118(2002), 452-459. (in Japanese)
- M. Churei, H. Yuyama: Bulletin of the Volcanological Society of Japan, 51(2006), 91-101.
- K. Jodai, K. Uede, S. Hirooka, H Kanbara, H. Sakakibara, S. Takemura, T. Matsuoka, K, Tsukada: J. of The Soc. Mat. Sci., 55(2006), 523-528.
- 9) K.Sugawara, L.Faramarzi, N.Nakamura: Int.J.Rock Mech.Min.Sci., 43(2006), 179-191.
- 10) K.Sugawara, L.Faramarzi, N.Nakamura: Int.J.Rock Mech.Min.Sci., 43(2006), 192-202.
- Y. Obara, N. Nakamura, S. S. Kang and K. Kaneko: Int. J. Rock Mech. Min. Sci., 37(2000), 1211-1221.
- Y. Obara: Proc. of The 64th Meeting of Limestone Association of Japan (2005), pp.144-149, . (in Japanese)
- 13) E. Nishiyama, S. S. Kang, Y. Obara: A. Hirata, Proc. of EUROCK2005 (2005), pp.413-418.